

# Espaces métriques complets.

## I Définition.

### Définition 1

Un espace métrique est dit *complet* si et seulement si toute suite de Cauchy converge.

### Exercice 1

Une partie dense stricte (distincte de l'espace) d'un espace métrique n'est jamais complète.

## II Propriétés.

## III Complété d'un espace métrique.

## IV Espace de Banach.

### Définition.

### Définition 2

Nous appellerons *espace de Banach* tout espace vectoriel normé complet.

### Caractérisation.

### Proposition 1

Un espace vectoriel est un espace de Banach si et seulement si dans cet espace toute série absolument convergente est convergente.

### Espaces de Banach classiques.

### Sous-espaces de Banach.

### Proposition 2

Un sous-espace vectoriel fermé d'un espace de Banach est un espace de Banach.