

# 1 Exercice

1. Les six nombres de la famille sont :  $100a + 10b + c$ ,  $100a + 10c + b$ ,  $100b + 10a + c$ ,  $100b + 10c + a$ ,  $100c + 10a + b$ , et  $100c + 10b + a$ . En additionnant ces nombres :  $S = 222a + 222b + 222c = 222.(a + b + c)$  et on en déduit la moyenne :  $M = \frac{1}{6} \times 222.(a + b + c) = 37.(a + b + c)$ .  
En particulier pour  $(a, b, c) = (2, 5, 7)$  :  $S = 222 \times 14 = 3108$  et  $M = 37 \times 14 = 518$ .
2. Voir ci-dessus.
3. Si  $M = 370$  alors  $a + b + c = 10$ . Comme  $a, b, c$  sont des entiers naturels non nuls :

1	1	8
1	2	7
1	3	6
1	4	5
2	2	6
2	3	5
2	4	4
3	3	4

# 2 Exercice

1. Une valeur minimale de  $EF$  est atteinte pour  $BM \simeq 6,25$  et alors  $EF \simeq 4,75$ .
2. a)  $EAF$  est rectangle en  $A$  et  $AFM$  est rectangle en  $F$  donc  $EAFM$  est un trapèze rectangle. Comme de plus  $AEM$  est rectangle en  $E$ ,  $EAFM$  est un rectangle.  
Donc  $AM = EF$  (diagonales du rectangle).  
b) Le minimum de  $AM$  est réalisé pour  $M$  réalisant la distance de  $A$  à la droite  $(BC)$  c'est-à-dire pour  $M$  projeté orthogonal de  $A$  sur  $(BC)$ . Autrement dit pour  $M$  placé au pied de la hauteur issue de  $A$ .
3. a) Le triangle  $ABC$  est rectangle en  $A$  donc d'après le théorème de Pythagore :  $AB^2 + AC^2 = CB^2$ . Or  $AB = 8$  et  $AC = 6$  donc  $CB^2 = 64 + 36 = 100$ . Comme  $CB \geq 0$  (car longueur euclidienne) :  $CB = 10\text{cm}$ .  
b) L'aire du triangle  $ABC$  est, puisqu'il est rectangle en  $A$  :  $\mathcal{A}(ABC) = \frac{1}{2} \times AB \times AC = \frac{6 \times 8}{2} = 24\text{cm}^2$ .  
c) Notons  $H$  le pied de la hauteur issue de  $A$  dans  $ABC$ . On a :  $\mathcal{A}(ABC) = \frac{1}{2} \times AH \times BC$ .  
Donc d'après les deux questions précédentes :  $AH = \frac{1}{10} \times 2 \times 24 = 4,8\text{cm}$ .  
Donc  $EF$  et  $AM$  sont minimales lorsqu'elles égalent  $4,8\text{cm}$ .

# 3 Exercice

1. a) La somme recherchée est observable dans la cellule  $E16$ . La solution du problème est donc 12 adultes et 16 enfants.

b)

Nombre adultes	Nombre enfants	Prix adultes	Prix enfants	total
17	10	765	225	990

c)  $C4 = A4 * 45$ ,  $D4 = B4 * 22,5$ ,  $E4 = C4 + D4$ .

2. a) Si  $x$  (resp.  $y$ ) désigne le nombre d'adultes (resp. d'enfants) alors :

$$\begin{cases} x + y = 27 \\ 45x + 22,5y = 877,5 \end{cases}$$

On résout ce système par substitution :  $y = 27 - x$  donc  $45x + 22,5.(27 - x) = 877,5$ . Enfin :  
 $x = \frac{877,5 - 22,5 \times 27}{22,5} = 12$ . Et donc  $y = 27 - 12 = 15$ .

b)