





### Exercice 1 (5 points)

Cet exercice est un questionnaire à choix multiples. Pour chacune des questions suivantes, une seule des quatre réponses proposées est exacte. Aucune justification n'est demandée.

Une bonne réponse rapporte un point. Une mauvaise réponse, une réponse multiple ou l'absence de réponse ne rapporte ni n'enlève aucun point.

Indiquer sur la copie le numéro de la question et la réponse correspondante.

#### Question 1

Soit la fonction  $P$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $P(x) = (x^2 + x + 1)(x - 1)$ .

L'équation  $P(x) = 0$  :

- a. n'a pas de solution sur  $\mathbb{R}$
- b. a une unique solution sur  $\mathbb{R}$
- c. a exactement deux solutions sur  $\mathbb{R}$
- d. a exactement trois solutions sur  $\mathbb{R}$ .

#### Question 2

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (7x - 23)(e^x + 1)$ .

L'équation  $f(x) = 0$  :

- a. admet  $x = 1$  comme solution
- b. admet deux solutions sur  $\mathbb{R}$
- c. admet  $x = \frac{23}{7}$  comme solution
- d. admet  $x = 0$  comme solution.

#### Question 3

Dans le plan rapporté à un repère orthonormé, le cercle de centre  $A(-4 ; 2)$  et de rayon

$r = \sqrt{2}$  a pour équation :

- a.  $(x + 4)^2 + (y - 2)^2 = \sqrt{2}$
- b.  $(x - 4)^2 + (y - 2)^2 = 4$
- c.  $(x + 4)^2 + (y - 2)^2 = 2$
- d.  $(x - 4)^2 + (y + 2)^2 = 2$ .





## Exercice 2 (5 points)

Une entreprise vend des téléviseurs. Une étude a montré que ces téléviseurs peuvent rencontrer deux types de défauts : un défaut sur la dalle, un défaut sur le condensateur. L'étude indique que :

- 3% des téléviseurs présentent un défaut sur la dalle et que parmi ceux-ci, 2% ont également un défaut sur le condensateur.
- 5% des téléviseurs ont un défaut sur le condensateur.

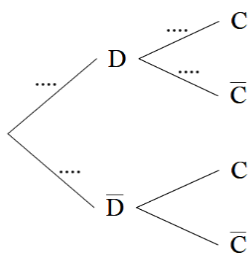
On choisit un téléviseur au hasard et on considère les événements suivants :

- $D$  : « le téléviseur a un défaut sur la dalle » ;
- $C$  : « le téléviseur a un défaut sur le condensateur ».

Pour tout événement  $E$ , on note  $p(E)$  sa probabilité et  $\bar{E}$  l'événement contraire de  $E$ . Pour tout événement  $F$  de probabilité non nulle, on note  $p_F(E)$  la probabilité de  $E$  sachant que  $F$  est réalisé.

**Les résultats seront approchés si nécessaire à  $10^{-4}$  près.**

1. Justifier que  $P(D) = 0,03$  puis donner  $P_D(C)$ .
2. Recopier l'arbre ci-dessous et compléter uniquement les pointillés par les probabilités associées :



3. Calculer la probabilité  $p(D \cap C)$  de l'événement  $D \cap C$ .
4. Le téléviseur choisi a un défaut sur le condensateur. Quelle est alors la probabilité qu'il ait un défaut sur la dalle ?
5. Montrer que la probabilité que le téléviseur choisi ait un défaut sur le condensateur et n'ait pas de défaut sur la dalle est égale à 0,0494.



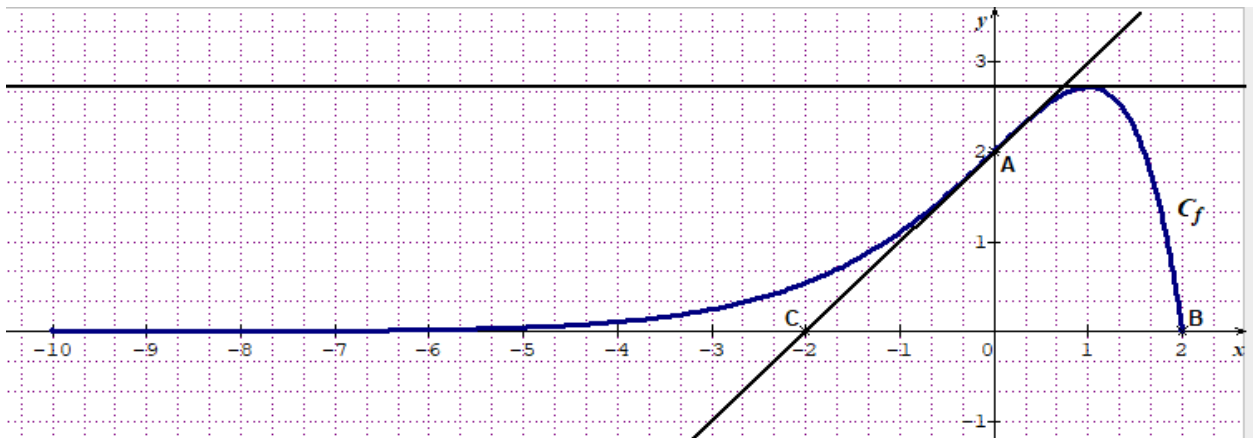
### Exercice 3 (5 points)

Dans le repère ci-dessous, on note  $C_f$  la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-10 ; 2]$ .

On a placé dans ce repère les points  $A(0 ; 2)$ ,  $B(2 ; 0)$  et  $C(-2 ; 0)$ .

On dispose des renseignements suivants :

- Le point  $B$  appartient à la courbe  $C_f$ .
- La droite  $(AC)$  est tangente en  $A$  à la courbe  $C_f$ .
- La tangente à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 1 est une droite parallèle à l'axe des abscisses.



1. Déterminer la valeur de  $f'(1)$ .
2. Donner une équation de la tangente à la courbe  $C_f$  au point  $A$ .

On admet que cette fonction  $f$  est définie sur  $[-10 ; 2]$  par  $f(x) = (2 - x)e^x$ .

3. Montrer que pour tout réel  $x$  appartenant à l'intervalle  $[-10 ; 2]$ ,  
 $f'(x) = (-x + 1)e^x$ .
4. En déduire le tableau de variations de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-10 ; 2]$ .
5. Déterminer une équation de la tangente à la courbe  $C_f$  au point  $B$ .



#### Exercice 4 (5 points)

La médiathèque d'une petite ville a ouvert ses portes début janvier 2013 et a enregistré 2 500 inscriptions pour l'année 2013.

Elle estime que, chaque année, 80% des anciens inscrits renouvellent leur inscription l'année suivante et qu'il y aura également 400 nouveaux adhérents.

Pour tout entier naturel  $n$ , on peut donc modéliser le nombre d'inscrits à la médiathèque  $n$  années après 2013 par une suite numérique  $(a_n)$  définie par :

$$a_0 = 2500 \text{ et } a_{n+1} = 0,8a_n + 400 .$$

1. Calculer  $a_1$  et  $a_2$ .
  
2. On pose, pour tout entier naturel  $n$ ,  $v_n = a_n - 2000$ .
  - a. Démontrer que  $(v_n)$  est une suite géométrique de raison 0,8. Préciser son premier terme.
  - b. Exprimer, pour tout entier naturel  $n$ ,  $v_n$  en fonction de  $n$ .
  - c. En déduire que pour tout entier naturel  $n$ ,  $a_n = 500 \times 0,8^n + 2000$ .
  - d. Déterminer le plus petit entier naturel  $n$  tel que  $a_n \leq 2010$ . Interpréter ce résultat dans le contexte de l'exercice.