

Python, les boucles.

L'un des intérêts de la programmation informatique est de pouvoir affecter une tâche répétitive à une machine. Comme par exemple ajouter plusieurs fois le nombre 3 à un nombre de départ 4.

Nous allons voir deux commandes en Python (déjà rencontrées sous Scratch) qui permettent de faire ceci.

Voyons tout d'abord comment demander au programme de choisir d'effectuer ou non une commande ou d'en choisir une parmi deux (ou plus).

I Choisir un calcul.

Il est possible de prévoir deux calculs possibles dans un programme et de n'effectuer l'un ou l'autre que si une certaine condition est vérifiée. On retrouve la même formulation qu'en langage courant « si ..., alors, ..., sinon ... ».

Exemples.

1. On souhaite obtenir 1 si le nombre enregistré dans la lettre `A` est strictement supérieur à 2 et sinon `-1`. *L'instruction `print` signifie qu'il faut afficher à l'écran le résultat.*

```
if A>2:
    print(1)
else:
    print(-1)
```

2. Voici un programme qui affiche soit « Bravo » soit « Nul » suivant la note enregistrée dans la variable `note` :

```
if note>12:
    print("Bravo")
else:
    print("Nul")
```

3. Nous voulons vérifier si un nombre `a` est un antécédent de 4 par la fonction $x \mapsto 3x - 5$.

```
if 3*a-5==1:
    print("antecedent")
```

Remarques.

1. La condition à vérifier est indiquée juste après le `if` et est suivie de « : ».

2. Le `else` est suivi de « : ».
3. Les instructions conditionnelles (celles qui ne sont pas forcément effectuées) sont décalées par rapport à la marge. Ce décalage est appelé en informatique une *indentation*.
4. La condition `note>12` peut être vue comme une variable qui vaut 1 si la condition est vraie et 0 sinon. Une telle variable est appelée un booléen et il faut l'inclure dans le tableau d'état des variables.
5. Dans les booléens (la condition donc) nous utiliserons le plus souvent les opérateurs de comparaison suivants :

Maths	>	<	≥	≤	=
Python	>	<	>=	<=	==

II Répéter des calculs.

Un des intérêts majeur de l'informatique est de permettre la répétition d'un grand nombre de calculs numériques.

Nous allons voir deux façons de procéder à de telles répétitions.

1 Boucle `for`.

Une *boucle for* (ou boucle bornée) permet de recommencer une instruction un nombre de fois choisi à l'avance.

La boucle `for` utilise une variable, le plus souvent notée k , qui sert de compteur de répétition.

Exemples.

1. Un salaire de 1200 € augmente de 30 € par mois pendant un an. Voici un algorithme calculant le salaire S au bout d'un an.

```
S=1200
for k in range(1,12+1):
    S=S+30
print(S)
```

Pour vérifier que cet algorithme fonctionne nous allons faire le tableau d'état des variables.

2. Nous souhaitons maintenant calculer la somme des 6 premiers entiers naturels.

```
S=0
for k in range(1,5+1):
    S=S+k
print(S)
```

2 Boucle While.

Une *boucle while* (ou boucle non bornée) permet de recommencer une instruction autant de fois que nécessaire pour qu'une condition (choisie à l'avance) devienne fausse. Exemple de l'élève : tant que ses notes sont faibles l'élève doit augmenter son travail.

Une boucle while n'a pas de compteur de répétition ; nous serons parfois amenés à en créer un. Si la condition est mal choisie la boucle est infinie (« infinite loop ») ; on parle alors de bug.

La condition, qui décide si la répétition doit se poursuivre ou pas, est une phrase (mathématique) qui est soit vraie soit fausse. Cette condition est appelée un *booléen*. Si la phrase (le booléen) est vraie on lui associe la valeur 1 sinon on lui associe la valeur 0.

Exemples.

1. On considère un carré d'aire 1 cm^2 dont la surface est doublée autant de fois que nécessaire pour qu'elle dépasse 30 cm^2 .

```
S=1
while S<30:
    S=S*2
print(S)
```

2. Si dans l'exemple précédent nous souhaitons maintenant savoir combien de fois le carré a doublé pour dépasser les 30 cm^2 nous pouvons ajouter un compteur dans la boucle.

```
S=1
k=0
while S<30:
    S=S*2
    k=k+1
print(S)
```

III Exercices.

Exercice 1. B

Voici un programme écrit en Python.

```
if n < 200:
    M = 0.11 * n
else:
    M = 1.1 * n
```

Donnez la valeur enregistrée dans M lorsque

- a) $n = 10$, b) $n = -120$, c) $n = 199,99$,
 d) $n = 200,0001$. e) $n = 200$.

Exercice 2. B

Donnez les valeurs des variables à la fin de ce programme.

```
N = 18
if N > 15:
    a = 100 - N * 4
else:
    a = 2 * (N + 10)
```

Exercice 3. B

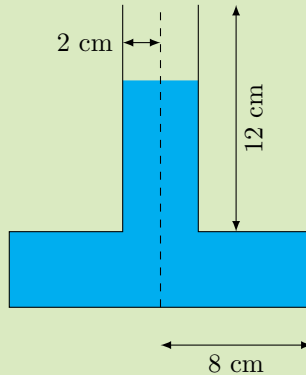
Un manuel numérique est proposé au tarif de 8 euros par élève si le lycée a moins de 300 élèves et 7,5 euros sinon.

Complétez le programme suivant dans lequel n est le nombre d'élèves et P est le prix correspondant payé par le lycée pour que chacun de ses n élèves ait le manuel numérique.

```
if n < 301:
    P = .....
else:
    P = .....
```

Exercice 4. B

Une carafe est constituée d'un cylindre de révolution de hauteur 4 cm et de rayon 8 cm, surmonté d'un autre cylindre de révolution de hauteur 12 cm et de rayon 2 cm.



1. Calculez, en cm^3 , le volume d'eau dans la carafe quand la hauteur d'eau est x centimètres, où x est un nombre réel compris entre 0 et 4.
2. Montrez que le volume d'eau dans la carafe quand la hauteur d'eau dans la carafe est x centimètres, où x est un nombre réel compris entre 4 et 16, est égale à $4\pi x + 240\pi$ (en cm^3).
3. Complétez le programme ci-dessous afin qu'il retourne le volume d'eau dans la carafe (en cm^3) selon la hauteur d'eau h versée.

```

if .....:
    print(.....)
else:
    print(.....)

```

Exercice 5. B

Dans le script Python ci-dessous N est un entier naturel non nul.

```
N=6
S=0
for i in range(1, N+1):
    S=S+i**2
print(S)
```

1. Quel résultat renvoie le script ?
2. Que calcul en fonction de N ce programme ?

Exercice 6. C

En prévision d'une course de vélo, Fanny suit le programme d'entraînement suivant sur douze samedi : elle parcourt 25 kilomètres le premier samedi, puis augmente chaque semaine de 11 kilomètres la distance parcourue.

1. Déterminez la distance d parcourue uniquement le deuxième samedi et la distance totale t parcourue au bout de deux samedis d'entraînement.
2. Complétez l'algorithme ci-dessous afin que la variable t contiennent en fin d'algorithme la distance totale parcourue au bout des douze samedis d'entraînement.

```
d=.....
t=.....
for k in range(2, 12+1):
    d=.....
    t=.....
print(t)
```

Exercice 7. C

On empile des sphères formant ainsi une pyramide base carrée.

1. Déterminez le nombre de sphères nécessaires pour constituer une pyramide de deux niveaux.
2. Déterminez le nombre de sphères nécessaires pour constituer une pyramide de cinq niveaux.
3. Sachant qu'il faut 140 sphères pour construire une pyramide de sept niveaux, déterminez le nombre de sphères nécessaire pour construire une pyramide de huit niveaux.
4. Complétez le programme ci-dessous pour qu'il retourne le nombre b de sphères nécessaire pour constituer une pyramide comportant n niveaux.

```
n = .....
for i in range(1, n+1):
    .....
    .....
```

Exercice 8. B

Théo souhaite acheter un smartphone qui coûte 250 €. Il possède 23 € d'économies. Pour acheter le smartphone, il décide d'économiser sur son argent de poche. Chaque semaine il reçoit 15 € et économise 5 €.

1. Théo écrit un script en Python pour savoir combien de semaines il devra patienter pour acheter son smartphone.

```
T=23
n=0
while T<250:
    T=T+5
    n=n+1
print(n)
```

- 2.

Exercice 9. B

Dans l'algorithme ci-dessous, la variable m contient un nombre entier. Selon la question posée, elle prendra différentes valeurs en début d'algorithme.

```
m = .....
while m > 9:
    m = m - 9
```

1. (a) Si en début d'algorithme la variable m reçoit 5, quelle valeur contient-elle en fin d'algorithme?
- (b) Si en début d'algorithme, la variable m reçoit 115, quelle valeur contient-elle en fin d'algorithme?
2. Dans cette question, la valeur que reçoit la variable m en début d'algorithme est 30. Complétez le tableau suivant et déduisez-en la valeur m après l'exécution de cet algorithme.

Étapes	m	Condition vérifiée?
Avant la boucle	30	oui
1er passage dans la boucle
2e passage dans la boucle
.....

En fin d'algorithme la valeur de m est :

3. La variable m peut-elle contenir 21 en fin d'algorithme?
4. Quelles valeurs peut recevoir la variable m en début d'algorithme pour que la boucle while soit parcourue?

Exercice 10. B

Une ampoule destinée à recevoir du sérum est constituée d'un corps cylindrique de hauteur 100 mm et de deux demi-sphères de rayon r millimètres. On veut déterminer à partir de quelle valeur entière du rayon, exprimée en millimètres, le volume de l'ampoule dépassera 20 centilitres.

1. Montrez que le volume de l'ampoule, exprimé en mm^3 , est égale à $100\pi r^2 + \frac{4}{3}\pi r^3$.



2. Complétez l'algorithme ci-dessous afin qu'en fin d'algorithme, la variable r ait la valeur cherchée.

```
r=0
v=0
while ...:
    r= ...
    v= ...
print( ... )
```

3. Programmez le précédent algorithme et répondez à la question.

Exercice 11.

Exercice 12. C

Une entreprise de forage creuse des puits dans le désert afin d'atteindre la nappe d'eau phréatique. Cette entreprise facture le premier mètre creusé 100 €, le seconde mètre 140 € et ainsi de suite en augmentant le prix de chaque nouveau mètre creusé de 40 €.

1. Calculez le prix M du troisième mètre creusé, puis le prix total s d'un puits de trois mètres de profondeur.
2. Recopiez puis complétez le programme ci-dessous, dans lequel variable p désigne la profondeur du puits (en mètres), afin qu'il retourne le prix en euros de ce puits. Utilisez ce programme pour déterminer le prix d'un puits de 8 mètres de profondeur, puis celle d'un puits de 12 mètres de profondeur.

```
p = .....
M = 100
s = 100
n = 1
while n < p:
    M = M + 40
    s = .....
    n = .....
print(...)
```

3. Une organisation humanitaire dispose d'un budget de 4000 €.
 - (a) En utilisant le programme de la question 2, déterminez la profondeur maximale d'un puits que peut financer l'organisation.
 - (b) Recopiez et complétez la fonction ci-dessous afin qu'elle renvoie cette profondeur maximale en prenant pour argument la somme maximale disponible.

```
max = .....
M = ...
s = ...
n = 0
while ...:
    .....
    .....
print(n)
```

Exercice 13. D

1. Donnez les valeurs décimales de $\left(\frac{1}{2}\right)^1$, $\left(\frac{1}{2}\right)^2$ et $\left(\frac{1}{2}\right)^3$.
2. On considère un nombre a positif. Recopiez et complétez le programme suivant afin que n contienne en fin de programme la plus petite valeur entière telle que $\left(\frac{1}{2}\right)^n$ soit strictement inférieur à a .

```
n=0
while ..... :
    n= .....
```

Exercice 14. D

On plie une feuille de 0,1 millimètre d'épaisseur plusieurs fois sur elle-même. Combien de pliages seront nécessaires pour atteindre la Lune ?

