06 Vecteurs de l'espace.

I Un point et une base.

1 Combinaisons linéaires.

Exercice 1.

Démontrez les égalités de vecteurs de l'espace.

a) $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CD} - \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DB}$.

b) $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{DB} + \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{AE}$.

c) $\overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{CD}$.

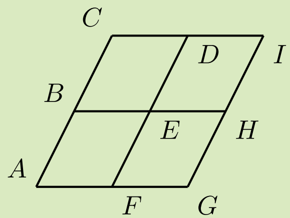
d) $\overrightarrow{BD} - \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB} - \overrightarrow{AD} = \vec{0}$.

e) $\overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD}$

f) $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{EB} = \vec{0}$

Exercice 2.

On considère la figure plane suivante.



Donnez un autre représentant de chacun des vecteurs proposés.

a) $\overrightarrow{AB}$.

b) $\overrightarrow{DF}$.

c) $\overrightarrow{GH}$.

d) $\overrightarrow{DC}$.

e) $\overrightarrow{BH}$.

f) $\overrightarrow{DH}$.

g) $\overrightarrow{FC}$.

h) $\overrightarrow{HA}$.

i) $\overrightarrow{IE}$.

Exercice 3.

On considère un parallélépipède rectangle (pavé droit) $ABCDEFGH$.
Donnez, sans justification, d'autres représentants des vecteurs suivants.

a) $\overrightarrow{AB}$.
b) $\overrightarrow{CA}$.
c) $\overrightarrow{AE}$.
d) $\overrightarrow{CF}$.
e) $\overrightarrow{FB}$.
f) $\overrightarrow{CG}$.
g) $\overrightarrow{CD}$.
h) $\overrightarrow{CH}$.
i) $\overrightarrow{BH}$.
j) $\overrightarrow{GD}$.
k) $\overrightarrow{GH}$.
l) $\overrightarrow{DB}$.
m) $\overrightarrow{HF}$.
n) $\overrightarrow{EF}$.
o) $\overrightarrow{DF}$.
p) $\overrightarrow{DE}$.
q) $\overrightarrow{BG}$.
r) $\overrightarrow{AF}$.
s) $\overrightarrow{BE}$.
t) $\overrightarrow{HD}$.
u) $\overrightarrow{HB}$.
v) $\overrightarrow{AH}$.
w) $\overrightarrow{GA}$.
x) $\overrightarrow{AD}$.
y) $\overrightarrow{CB}$.

Exercice 4.

On considère un parallélépipède rectangle $ABCDEFGH$.
Exprimez les sommes de vecteurs suivantes sous forme d'un seul représentant faisant intervenir uniquement les points de la figure.

a) $\overrightarrow{AB}+\overrightarrow{BC}+\overrightarrow{CG}$.
b) $\overrightarrow{AE}+\overrightarrow{EF}+\overrightarrow{FH}$.
c) $\overrightarrow{DG}+\overrightarrow{GF}+\overrightarrow{CD}$.
d) $\overrightarrow{AD}+\overrightarrow{CF}+\overrightarrow{HG}$.
e) $\overrightarrow{BF}+\overrightarrow{EG}+\overrightarrow{EA}$.
f) $\overrightarrow{AD}+\overrightarrow{BC}+\overrightarrow{GF}$.

Exercice 5.

On considère un parallélépipède rectangle $ABCDEFGH$.
Simplifiez les sommes suivantes sous forme d'un seul représentant. *Vous pourrez utiliser l'identité du parallélogramme.*

a) $\overrightarrow{AB}+\overrightarrow{AD}$.
b) $\overrightarrow{FE}+\overrightarrow{FH}$.
c) $\overrightarrow{DH}+\overrightarrow{DC}$.
d) $\overrightarrow{GC}+\overrightarrow{GH}$.
e) $\overrightarrow{AD}+\overrightarrow{AF}$.
f) $\overrightarrow{GC}+\overrightarrow{GE}$
g) $\overrightarrow{GF}+\overrightarrow{AB}$.
h) $\overrightarrow{FB}+\overrightarrow{FH}$

Exercice 6.

On considère un cube $ABCDEFGH$.
Simplifiez la combinaison linéaire sous forme d'un unique représentant.
Exemple : $-2\cdot\overrightarrow{QM}+1\cdot\overrightarrow{EF}+1\cdot\overrightarrow{FB}=\overrightarrow{MK}$.

a) $\frac{1}{2}\cdot\overrightarrow{PM}+\frac{1}{2}\cdot\overrightarrow{NQ}$.

b) $\overrightarrow{DK}+\overrightarrow{IS}+\overrightarrow{TP}$.

c) $3\cdot\overrightarrow{DL}+2\cdot\overrightarrow{MN}+\overrightarrow{RQ}$.

d) $\overrightarrow{CB}+2\cdot\overrightarrow{UP}$.

e) $\overrightarrow{SI}+\overrightarrow{KB}+\overrightarrow{AE}$.

f) $2\cdot\overrightarrow{HQ}+2\cdot\overrightarrow{HP}+\overrightarrow{FD}$.

g) $\overrightarrow{DE}-2\cdot\overrightarrow{UH}+\overrightarrow{BG}$.

Exercice 7.

On considère un cube $ABCDEFGH$.
Exprimez le vecteur $\vec{u}$ en fonction des vecteurs $\vec{v}$, $\vec{w}$ et éventuellement $\vec{s}$ dans les cas suivants.
Exemple : $\overrightarrow{AF}=1\cdot\overrightarrow{AB}+1\cdot\overrightarrow{BF}$ *est une expression de* $\vec{u}=\overrightarrow{AF}$ *comme combinaison linéaire des vecteurs* $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$ *et* $\vec{w}=\overrightarrow{BF}$.

a) $\vec{u}=\overrightarrow{AC}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{AD}$.

b) $\vec{u}=\overrightarrow{BD}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AD}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{BA}$.

c) $\vec{u}=\overrightarrow{DG}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{AE}$.

d) $\vec{u}=\overrightarrow{FC}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AD}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{HD}$.

e) $\vec{u}=\overrightarrow{MI}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AI}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{GT}$.

f) $\vec{u}=\overrightarrow{QM}$, $\vec{v}=\overrightarrow{HE}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{EF}$.

g) $\vec{u}=\overrightarrow{AC}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$ et $\vec{w}=\overrightarrow{AE}$.

h) $\vec{u}=\overrightarrow{AC}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$, $\vec{w}=\overrightarrow{AD}$ et $\vec{s}=\overrightarrow{CD}$.

i) $\vec{u}=\overrightarrow{HF}$, $\vec{v}=\overrightarrow{AB}$, $\vec{w}=\overrightarrow{AD}$ et $\vec{s}=\overrightarrow{AE}$.

j) $\vec{u}=\overrightarrow{AP}$, $\vec{v}=\overrightarrow{IB}$, $\vec{w}=\overrightarrow{DL}$ et $\vec{s}=\overrightarrow{CT}$.

k) $\vec{u}=\overrightarrow{DS}$, $\vec{v}=\overrightarrow{LR}$, $\vec{w}=\overrightarrow{EH}$ et $\vec{s}=\overrightarrow{AK}$.

l) $\vec{u}=\overrightarrow{PB}$, $\vec{v}=\overrightarrow{UK}$, $\vec{w}=\overrightarrow{AE}$ et $\vec{s}=\overrightarrow{HE}$.

Exercice 8.

2 Indépendance linéaire.

3 Bases et repères.

4 Coordonnées.

5 Norme.

6 Exercices.

Exercice 9.

On considère une pavé droit $ABCDEFGH$.
Dites si les 3-listes proposées sont des bases de l'espace.

a) $\left(\overrightarrow{AL}, \overrightarrow{CJ}, \overrightarrow{BS}\right)$. b) $\left(\overrightarrow{KD}, \overrightarrow{BC}, \overrightarrow{BF}\right)$. c) $\left(\overrightarrow{DI}, \overrightarrow{DC}, \overrightarrow{PF}\right)$.

d) $\left(\overrightarrow{RI}, \overrightarrow{RM}, \overrightarrow{RS}\right)$. e) $\left(\overrightarrow{DL}, \overrightarrow{DB}, \overrightarrow{DH}\right)$. f) $\left(\overrightarrow{KG}, \overrightarrow{KT}, \overrightarrow{KU}\right)$.

g) $\left(\overrightarrow{FI}, \overrightarrow{FM}, \overrightarrow{FH}\right)$. h) $\left(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BD}, \overrightarrow{NL}\right)$. i) $\left(\overrightarrow{AE}, \overrightarrow{FS}, \overrightarrow{GC}\right)$.

Exercice 10.

Donnez 5 bases distinctes du parallélépipède rectangle $ABCDEFGH$.

Exercice 11.

On considère un parallélépipède rectangle $ABCDEFGH$. Les autres points sont les milieux des arêtes.
Donnez à chaque fois les coordonnées du vecteur dans la base proposée.

a) $\overrightarrow{AG}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}\right)$. b) $\overrightarrow{DB}$ et $\left(\overrightarrow{HD}, \overrightarrow{HE}, \overrightarrow{HG}\right)$.

c) $\overrightarrow{DH}$ et $\left(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BD}, \overrightarrow{BF}\right)$. d) $\overrightarrow{AN}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}\right)$.

e) $\overrightarrow{QM}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}\right)$. f) $\overrightarrow{PJ}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}\right)$.

Exercice 12.

Dites si les vecteurs $\vec{u}$ et $\vec{v}$ sont colinéaires ou pas dans les cas suivants.

a) $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\-2\\3\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}3\\1\\1\end{pmatrix}$.

b) $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\2\\7\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}-8\\-16\\-57\end{pmatrix}$.

c) $\vec{u}\begin{pmatrix}\pi\\1\\\sqrt{\pi}\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}\sqrt{\pi^3}\\\sqrt{\pi}\\\pi\end{pmatrix}$.

d) $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\1\\1\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}0\\0\\0\end{pmatrix}$.

Exercice 13.

Soient $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\2\\0\end{pmatrix}$, $\vec{v}\begin{pmatrix}-1\\0\\1\end{pmatrix}$ et $\vec{w}\begin{pmatrix}0\\1\\1\end{pmatrix}$ des vecteurs de l'espace relativement à une base $\mathscr{B}$.

Les vecteurs $\vec{u}$, $\vec{v}$ et $\vec{w}$ constituent-ils une base de l'espace ?

Exercice 14.

Soient $\vec{u}\begin{pmatrix}1\\2\\3\end{pmatrix}$, $\vec{v}\begin{pmatrix}-1\\1\\1\end{pmatrix}$ et $\vec{w}\begin{pmatrix}4\\-1\\2\end{pmatrix}$ des vecteurs de l'espace relativement à une base $\mathscr{B}$.

Les vecteurs $\vec{u}$, $\vec{v}$ et $\vec{w}$ constituent-ils une base de l'espace ?

Exercice 15.

Soient $A(3,-2,-4)$, $B(4,-3,-2)$, $\vec{u}\begin{pmatrix}2\\-1\\0\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}-1\\0\\2\end{pmatrix}$.

1. Déterminez les coordonnées du point M tel que $\overrightarrow{AM} = \vec{u} + \vec{v}$.
2. Les vecteurs $\overrightarrow{AB}$, $\vec{u}$ et $\vec{v}$ sont-ils liés ?

Exercice 16.

Soient $A(1,2,3)$, $B(2,0,3)$, et $C(6,3,8)$ des points de l'espace rapporté à un repère, $\vec{u}\begin{pmatrix}2\\-1\\0\end{pmatrix}$ et $\vec{v}\begin{pmatrix}-1\\0\\3\end{pmatrix}$ et $\vec{w}\begin{pmatrix}0\\-3\\1\end{pmatrix}$ des vecteurs de l'espace.

1. Démontrez que les vecteurs $\vec{u}$, $\vec{v}$ et $\vec{w}$ sont linéairement indépendants.
2. Déterminez α, β et γ tels que :
$$\overrightarrow{AB} = \alpha\vec{u} + \beta\vec{v} + \gamma\vec{w}.$$
3. Déterminez α', β' et γ' tels que :
$$\overrightarrow{BC} = \alpha'\vec{u} + \beta'\vec{v} + \gamma'\vec{w}.$$
4. Déduisez-en les coordonnées du point C dans le repère $(A;\vec{u},\vec{v},\vec{w})$.

Exercice 17.

On considère les points $A(1,2,3)$, $B(-1,1,4)$ et $C(3,5,-2)$ dans un repère (O,I,J,K).
Déterminez les coordonnées du point D telles que $ABCD$ soit un parallélogramme.

Exercice 18.

On considère les points $A(1,2,1)$, $B(3,-1,2)$ et $C(-1,3,4)$ dans un repère (O,I,J,K).

1. Déterminez les coordonnées du milieu de $[AC]$.
2. Déterminez les coordonnées de D telles que $ABCD$ soit un parallélogramme.

Exercice 19.

Soient les points $A(-1,4,-3)$ et $B(2,1,3)$ dans un repère (O,I,J,K).
Déterminez les coordonnées du point M vérifiant $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$.

Exercice 20.

On considère les points $A(0,1,1)$, $B(2,1,1)$, $C(3,1,1)$ et $D(1,1,1)$ dans un repère (O,I,J,K).

1. Démontrez que $ABCD$ est un parallélogramme.
2. Soit $E(2,2,4)$.
   Déterminez les coordonnées du point F telles que $ACEF$ soit un parallélogramme.
3. Soient J le milieu de $[EF]$ et I le point tel que F soit le milieu de $[AI]$.
   Démontrez que J est le milieu de $[IC]$.

Exercice 21.

Soient $A(1,2,1)$, $B(1,-1,1)$ et $C(3,1,2)$ trois points de l'espace rapporté à un repère. On note I le milieu de $[BC]$.

1. Déterminez les coordonnées du point G (centre de gravité du triangle ABC) défini par $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AI}$.
2. On considère le point $E(3,7,2)$. Déterminez les coordonnées du point F tel que $\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{AB}$.
3. On note J le milieu de $[BE]$. Les points G, J et F sont-ils alignés ?

Exercice 22.

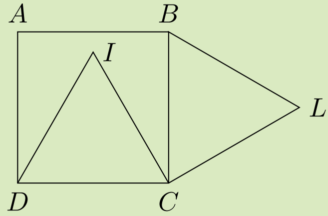
Soient $A(2,4,-1)$, $B(3,1,2)$, $C(1,0,1)$, $D(3,2,1)$ et $E(1,2,0)$.

1. Démontrez que les vecteurs $\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{AC}$ et $\overrightarrow{AD}$ ne sont pas liés.
2. Le repère $\left(A;\overrightarrow{AB},\overrightarrow{AC},\overrightarrow{AD}\right)$ peut-il être un repère de l'espace ?
3. Déterminez les coordonnées du point M tel que $\overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$. Où se situe le point M ?
4. Déterminez α, β, γ tels que :
   $$\overrightarrow{AE} = \alpha\overrightarrow{AB} + \beta\overrightarrow{AC} + \gamma\overrightarrow{AD}.$$
   Quelles sont les coordonnées de E dans le repère $\left(A;\overrightarrow{AB},\overrightarrow{AC},\overrightarrow{AD}\right)$?

II Droites du plan ou de l'espace.

Exercice 23.

Soient $ABCD$ un carré, BCL et DIC des triangles équilatéraux tels que sur la figure ci-contre.
Nous souhaitons établir l'alignement des points A, I et L.
Pour cela considérons le repère orthonormé $(D; C; A)$.



1. Donnez sans justification les coordonnées de D, C, A et B.
2. Déterminez les coordonnées de I et L.
3. Calculez les coordonnées des vecteurs $\overrightarrow{AI}$ et $\overrightarrow{AL}$.
4. Démontrez l'alignement des points A, I et L.

Exercice 24.

Soient $M(7;3)$, $N(-3;1)$, $C(0;5)$ et $E(3;9)$ des points du plan.

1. Montrez que le quadrilatère $MNCD$ est un trapèze.
2. Montrez que E est le point d'intersection de (NC) et (MD).
3. Soient J et K les milieux respectivement de $[NM]$ et $[CD]$. Calculez les coordonnées de J et K.
4. Montrez que E, J et K sont alignés.

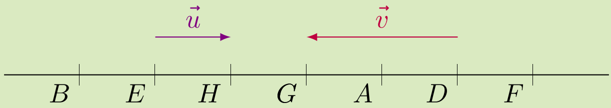
Exercice 25.

Soient $A(3;4)$, $B(1;1)$, $C(6;-2)$ et $D(8;1)$ des points, I le milieu de $[BC]$, et E et F les points définis par :

$$\overrightarrow{AE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} \quad \text{et} \quad \overrightarrow{CF} = \frac{1}{3}\overrightarrow{CA}.$$

1. Calculez les coordonnées de I, E et F.
2. (a) Les vecteurs $\overrightarrow{BE}$ et $\overrightarrow{IF}$ sont-ils colinéaires ?
   (b) Qu'en déduisez-vous concernant les droites (BE) et (IF) ?
3. Montrez que $ABCD$ est un parallélogramme.
4. (a) Calculez la norme du vecteur $\overrightarrow{AC}$.
   (b) $ABCD$est -il un rectangle ?
5. Les points I, F et D sont-ils alignés ?

Exercice 26.



Donnez sans justification

a) La coordonnée de B dans le repère $(A; \vec{u})$.

b) La coordonnée de H dans le repère $(B; \vec{v})$.

c) La coordonnée de G dans le repère $(D; 2\vec{u})$.

d) La coordonnée de E dans le repère $(F; 2\vec{v})$.

e) La coordonnée de A dans le repère $(D; 2\vec{v})$.

Exercice 27.

On considère un pavé droit $ABCDEFGH$.
Dans chaque cas décrivez par deux points la droite dont on donne un point et un vecteur directeur. Exemple : la droite passant par A et de vecteur directeur $\overrightarrow{AL}$ est la droite (AL).

a) La droite passant par A et de vecteur directeur $\overrightarrow{DC}$.

b) La droite passant par H et de vecteur directeur $\overrightarrow{TJ}$.

c) La droite passant par M et de vecteur directeur $\overrightarrow{UD}$.

d) La droite passant par K et de vecteur directeur $\overrightarrow{BE}$.

e) La droite passant par A et de vecteur directeur $\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{AE}$.

f) La droite passant par B et de vecteur directeur $\overrightarrow{HM} + \overrightarrow{HD}$.

g) La droite passant par S et de vecteur directeur $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{GH}$.

h) La droite passant par G et de vecteur directeur $\overrightarrow{FE} + \overrightarrow{TC}$.

i) La droite passant par I et de vecteur directeur $\overrightarrow{KU} + \frac{1}{2}\overrightarrow{KP}$.

j) La droite passant par G et de vecteur directeur $\overrightarrow{KL} + \overrightarrow{KJ}$.

k) La droite passant par I et de vecteur directeur $\overrightarrow{DK} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{CG}$.

l) La droite passant par F et de vecteur directeur $\overrightarrow{UD} + \overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{BS}$.

Exercice 28.

III Plans de l'espace.

Exercice 29.

Donnez dans chaque cas un quatrième point du plan proposé. Par exemple, pour (ABC) le point D convient : $D \in (ABC)$.

a) (DEF). b) (HCD). c) (EFB). d) (BCF).

e) (FHG). f) (UJT). g) (PRM). h) (LBS).

i) (MJI). j) (DNH). k) (NGT). l) (PQN).

m) (RQM). n) (USR). o) (HRT).

Exercice 30.

Nommez par trois points distincts deux à deux et non alignés, le plan dont on donne un point et une base.
Par exemple pour A et $\left(\overrightarrow{DU}, \overrightarrow{AB}\right)$, le plan est (ABR), ou (ASF).

a) S et $\left(\overrightarrow{SN}, \overrightarrow{AD}\right)$.
b) S et $\left(\overrightarrow{LU}, \overrightarrow{DC}\right)$.
c) D et $\left(\overrightarrow{GT}, \overrightarrow{US}\right)$.
d) M et $\left(\overrightarrow{EQ}, \overrightarrow{HP}\right)$.
e) K et $\left(\overrightarrow{NM}, \overrightarrow{BS}\right)$.
f) U et $\left(\overrightarrow{UE}, \overrightarrow{UP}\right)$.
g) M et $\left(\overrightarrow{UH}, \overrightarrow{KB}\right)$.
h) D et $\left(\overrightarrow{UM}, \overrightarrow{GT}\right)$.
i) U et $\left(\overrightarrow{SG}, \overrightarrow{HS}\right)$.

Exercice 31.

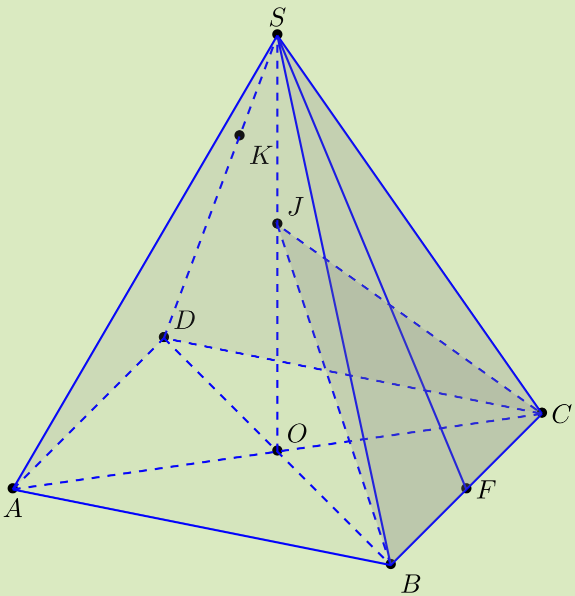
Lisez sur la figure la décomposition en combinaison linéaire du vecteur proposé sur la base donnée.
Par exemple, pour $\overrightarrow{AC}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$, on peut écrire : $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$.

a) $\overrightarrow{AK}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$.
b) $\overrightarrow{DB}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$.
c) $\overrightarrow{IK}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$.
d) $\overrightarrow{LB}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$.
e) $\overrightarrow{DU}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}\right)$.
f) $\overrightarrow{FP}$ et $\left(\overrightarrow{DA}, \overrightarrow{DC}\right)$.
g) $\overrightarrow{EJ}$ et $\left(\overrightarrow{DH}, \overrightarrow{QC}\right)$.
h) $\overrightarrow{IM}$ et $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AE}\right)$.
i) $\overrightarrow{BH}$ et $\left(\overrightarrow{BG}, \overrightarrow{BA}\right)$.

Exercice 32.

Donnez quatre points non coplanaires du cube.

Exercice 33.



Donnez au moins deux bases non triviales des plans suivants. Exemple : pour le plan (ABC), $\left(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CB}\right)$ est une base triviale, $\left(\overrightarrow{AO}, \overrightarrow{OC}\right)$ n'est pas une base mais $\left(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OD}\right)$ est une base qui convient.

a) (ODJ).
b) (BCJ).
c) (ADK).
d) (SDC).
e) (DOC).
f) (ABS).

IV Positions relatives de droites et plans.

1 Positions relatives d'une droite et d'un plan.

2 Positions relatives de deux droites de l'espace.

3 Positions relatives de deux plans.

4 Positions relatives d'une droite et d'un plan.

5 Intersection.

6 Exercices.

Exercice 34.

Indiquez par lecture la position relative des deux droites proposées.

a) (AD) et (KC). b) (SI) et (UP). c) (UI) et (GR).

d) (EM) et (NG). e) (PG) et (PH). f) (LB) et (JC).

g) (HS) et (RU). h) (RS) et (BM). i) (RM) et (AB).

Exercice 35.

Indiquez par lecture la position relative de la droite et du plan proposés.

a) (IB) et (AFG). b) (PF) et (IKL). c) (BF) et (EHP).

d) (IK) et (ADC). e) (BU) et (ACG). f) (AN) et (REJ).

g) (KM) et (BCG). h) (BE) et (HGS). i) (FN) et (EHB).

Exercice 36.

Indiquez par lecture la position relative des plans proposés.

a) (RMP) et (KTS). b) (PQM) et (HGF). c) (IDC) et (RFP).

d) (DUR) et (SKC). e) (KIM) et (BTS). f) (NEM) et (RUT).

g) (BMP) et (HEI). h) (FCR) et (HIM). i) (HEB) et (JCH).

Exercice 37.

Déterminez l'intersection des deux plans proposés.

a) (MPQ) et (BDS). b) (PIN) et (SIN). c) (QUA) et (KIM).

Exercice 38.

Exercices en ligne pour construire et visualiser les intersections dans l'espace : site du lycée Valin ou directement sur Geogebra.

Exercice 39.