Suites divergentes, limite infinie.

Définition.

Suite des entiers.

EXERCICE 1. La suite (u_n) est définie sur \mathbb{N}^* par $\begin{cases} u_1 = 0 \\ u_{n+1} = \sqrt{u_n^2 + 1} \end{cases}$...

- 1. Calculez u_2 , u_3 , u_4 et u_5 .
- 2. Conjecturez une expression explicite de u_n , pour n entier supérieur à 1.
- 3. Démontrez la propriété conjecturée.
- 4. Déduisez-en la limite de la suite (u_n) .

Suite des racines carrées.

Unicité de la limite.

Suite bornée.

Opérations sur les limites finies et infinies.

EXERCICE 2. Calculez les limites des suites suivantes.

a)
$$\frac{4n+3}{2+\frac{1}{n}}$$
.

b)
$$\frac{-2n}{1+\frac{1}{n^2}}$$
.
e) $\frac{\frac{1}{n}}{3-n}$.

c)
$$(8 + \sqrt{n}) \left(-1 + \frac{1}{n}\right)$$
.

d)
$$\frac{4}{\sqrt{n}+2}$$
.

e)
$$\frac{\frac{1}{n}^{n}}{3-n}$$
.

f)
$$n^{14} + \frac{2 + \frac{1}{n}}{1 - \frac{1}{\sqrt{n}}}$$
.

EXERCICE 3. Déterminez dans chaque cas la limite de la suite dont le terme général est donné (en levant éventuellement l'indétermination).

a)
$$n^4 \times \frac{1}{n^{12}}$$
.

b)
$$n^4 \times \frac{1}{n^2}$$
.

c)
$$\frac{1}{4n^2} \times n^2$$
.

Opérations sur les limites infinies.

Lever une indétermination : factoriser par la plus grande puissance de n.

EXERCICE 4. Déterminez les limites des suites suivantes.

a)
$$u_n = n^2 + n + \frac{1}{n}$$
.

c)
$$u_n = \frac{4}{\sqrt{n} + n}$$
.

e)
$$u_n = 5n^2 + 3n\sqrt{n}$$
.

c)
$$u_n = \frac{4}{\sqrt{n} + n}$$
.
e) $u_n = 5n^2 + 3n\sqrt{n}$.
g) $u_n = \frac{1}{n^2 + n - 1}$.

i)
$$u_n = \frac{3}{n} \left(\frac{3}{n^3} - 5 \right)$$
.

k)
$$u_n = 2 - \frac{3}{6 + \sqrt{n}}$$
.

k)
$$u_n = 2 - \frac{3}{6 + \sqrt{n}}$$
.
m) $u_n = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$.

b)
$$u_n = \sqrt{n} \left(n^2 - \frac{1}{n^2} \right)$$
.

d)
$$u_n = n^3 + n + \frac{1}{\sqrt{n}}$$

f)
$$u_n = \sqrt{n}(2 - n - 2n^2)$$

d)
$$u_n = n^3 + n + \frac{n}{\sqrt{n}}$$
.
f) $u_n = \sqrt{n}(2 - n - 2n^2)$.
h) $u_n = n^2 \left(\frac{2}{n+1} - 1\right)$.

$$i) \quad u_n = \frac{3}{1 - 2n} - \frac{2}{1 - 3n}.$$

1)
$$u_n = 2 - n\sqrt{5n} + \frac{1}{n^2 + 1}$$
.

n)
$$u_n = n(n-4)(1-\sqrt{n}).$$

Lever une indétermination: limite inverse en zéro.

Comparaison de limites.

EXERCICE 5. Soit (u_n) la suite définie pour tout entier naturel n par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = u_n^2 + 1$.

- 1. Montrez que pour tout entier $n \ge 4$, $u_n \ge 2^n$.
- 2. Déduisez-en la limite de (u_n) .

Théorème de la limite monotone.

Suites géométriques-exponentielles.

EXERCICE 6. Déterminez la limite de la suite (u_n) sachant que pour tout entier naturel n $4 - 0.9^n \le u_n \le 4 + 0.1^n$.

EXERCICE 7. Étudiez la convergence de la suite définie sur N par le terme général donné dans les différents cas suivants.

a)
$$\frac{7^n}{3^n}$$
.

b)
$$\frac{3^n}{5^n}$$
.
d) $\frac{7^n}{4^n+10^n}$.

c)
$$\frac{2^{n}+1}{3^{n}}$$
.

d)
$$\frac{7^n}{4^n + 10^n}$$

e)
$$\frac{5^{n}+13^{n}}{7^{n}+11^{n}}$$

Lever une indétermination : croissance comparée.

EXERCICE 8. Identifier parmi les suites dont le terme général est donné ci-après, les situations conduisant à une forme indéterminée lors de l'étude de la convergence, sinon donnez la limite.

On peut schématiquement résumer les formes indéterminées par :

$$(+\infty) - (+\infty), \quad (-\infty) - (-\infty), \quad 0 \times \infty, \quad \frac{\infty}{\infty}, \quad \frac{0}{0}$$

a)
$$\frac{1}{n} + \frac{1}{2^n}$$
.

b)
$$n^2 - 6^n$$
.

c)
$$\sqrt{n^{-1}} + n!$$
.

d)
$$2^{-n} + \sqrt{n}$$
.

e)
$$n^{12} + \frac{1}{n^{100}}$$
.

f)
$$\frac{1}{\sqrt{n}} + n! + 1$$
.

g)
$$n^2 3^n$$
.

h)
$$\frac{n^2}{n_{-3}^{12}}$$
.

i)
$$\frac{n!}{2^n}$$
.

$$j) \quad n^{-2} \left(\frac{5}{4}\right)^n.$$

k)
$$\frac{n}{\sqrt{n}}$$
.

1)
$$n^5 2^{-n}$$
.

m)
$$n^{-3} + 0.5^n \sqrt{n}$$
.

h)
$$\frac{n^2}{n^{12}}$$
.
k) $\frac{n^2}{\sqrt{n}}$.
n) $\frac{1}{n^4} \times e^n + 4$.

o)
$$\frac{\sqrt{n}}{e^n}$$
.

Exercices.

EXERCICE 9. Déterminez si elles existent les limites des suites suivantes.

a)
$$u_n = \frac{(-1)^n}{n}$$
;

b)
$$u_n = \frac{\cos(n)}{n^2}$$
;

c)
$$u_n = \frac{\sin(n)}{\sqrt{n}}$$
;
e) $u_n = \frac{\sin(n)}{n^3}$;

d)
$$u_n = \frac{1}{n} + 3^n$$
;

e)
$$u_n = \frac{\sin(n)}{n^3}$$
;

f)
$$u_n = \frac{1}{6^n}$$
.

g)
$$u_n = 0.5^n + \sqrt{n}$$
.

i)
$$u_n = n^2 + 4n + 1$$
.

k)
$$u_n = n + (-1)^n + 1$$
;

m)
$$u_n = \sin\left(\sqrt{\cos(n^2 - n^n)}\right) - n - 1.$$

o)
$$u_n = n! + \sqrt{n}$$
.

q)
$$u_n = n^2 + 2n + (-1)^n n$$
.

h)
$$u_n = -n^3 - 2n^2$$

j)
$$u_n = 1 + \left(\frac{1}{6}\right)^n + n^3$$
.

1)
$$u_n = n^2 - \sin(n) + 1$$
;

n)
$$u_n = n! + \frac{1}{\sqrt{n}}$$

n)
$$u_n = n! + \frac{1}{\sqrt{n}}$$
.
p) $u_n = \left(\frac{99}{100}\right)^n \sin(n)$.

r)
$$u_n = 5 - \frac{\sin(n^2)}{\sqrt{n}}$$
.

EXERCICE 10. Posons, pour tout $n \in \mathbb{N}$ avec $n \ge 2$: $u_n = 1 + \frac{1}{n + (-1)^n}$.

- 1. Montrez que, pour tout entier n tel que $n \ge 2$ on a : $\frac{1}{n+1} \le u_n 1 \le \frac{1}{n-1}$. 2. Déterminez les limites des suites de termes généraux : $\frac{1}{n+1}$ et $\frac{1}{n-1}$.
- 3. Concluez quant à la limite de la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$.

EXERCICE 11. On considère la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ définie par : $u_0=1$ et : $\forall n\in\mathbb{N},\ u_{n+1}=1$ $u_n + 2n + 3.$

- 1. Écrivez un algorithme permettant de calculer les termes u_0, \ldots, u_n , où n est un entier saisi à la demande.
- 2. Programmez le précédent algorithme, exécutez-le puis donnez les termes u_1 à u_{10} .
- 3. Étudiez la monotonie de la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$.
- (a) Démontrez que, pour tout entier naturel $n, u_n > n^2$.
 - (b) Quelle est la limite de la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$?
- 5. Conjecturez une expression de $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ en fonction de n nombre entier naturel, puis démontrez la propriété ainsi conjecturée.

EXERCICE 12. Déterminez, si possible la limite des suites dont le terme général est donné ci-dessous.

a)
$$n^7 + 12$$
.

b)
$$4^n - 7$$
.

c)
$$n^3 + \frac{0.1^n}{\sqrt{n}}$$
.

d)
$$\frac{1}{n} + 4$$
.

e)
$$n^{-4} + \sqrt{n}$$
.

f)
$$\left(\frac{1}{2}\right)_{1}^{n} + 2 + \frac{1}{n^{2}}$$
.

g)
$$n!n^2 + 2 - \frac{1}{n^2}$$
.

$$h) \frac{\sqrt{n}}{2 + e^{-n}}.$$

i)
$$\frac{n^4 + 1}{\left(\frac{1}{2}\right)^n - 4}.$$

j)
$$\frac{n \times 2^n}{3 + \frac{1}{n} + \frac{1}{n^2}}$$
.

k)
$$n! - (2 - n^2)$$
.

1)
$$n^2 \left(n^3 + \frac{3}{\sqrt{n}} + 1 \right)$$
.

m)
$$2n^3 + 5n^2 + n - 12$$
.

n)
$$-5n^3 - 2n^2 - 12n - 3$$
.

o)
$$4n^2 - n + 1$$
.

p)
$$\frac{n^3}{n^2}$$
.

q)
$$n^2 + 3^n + 4 - \frac{1}{n}$$
.

EXERCICE 13. Déterminez les limites en levant l'indétermination.

a)
$$u_n = n^3 - n + 5$$
.

c)
$$u_n = 3n\sqrt{n} - 2n^3$$
.

e)
$$u_n = \frac{n^2 - \sqrt{n}}{n+3}$$
.

g)
$$u_m = n^2 - 3n$$
.

i)
$$u_n = 3n^4 - 3n^3 - 2n + 1$$
.

b)
$$u_n = n^4 - n^2 + 1$$
.

d)
$$u_n = \frac{n-3}{n+1}$$

b)
$$u_n = n^4 - n^2 + 1$$
.
d) $u_n = \frac{n-3}{n+1}$.
f) $u_n = \frac{n-n+4}{3n_3^2 - 2n_2 + 5}$.
h) $u_n = 4n^3 - 3n^2 + 2$
j) $u_n = \frac{4n-1}{3n+1}$.

h)
$$u_n = 4n^3 - 3n^2 + 5$$

j)
$$u_n = \frac{4n-1}{3n+1}$$

$$\begin{array}{lll} \text{k)} & u_n = \frac{n^2-1}{n^2+2}. & & & \text{l)} & u_n = \frac{2n^2-n+1}{3n^2+n+1}. \\ \text{m)} & u_n = \sqrt{n+4}-\sqrt{n}. & & \text{n)} & u_n = \sqrt{4n^2+n+3}-2n. \\ \text{o)} & u_n = n-\frac{n^2}{n+1}. & & \text{p)} & u_n = \frac{n-3}{2n+1}-\frac{n+3}{3n-1}. \\ \text{q)} & u_n = \frac{n^2-1}{n+1} - \frac{n^2}{n+2}. & & \text{p)} & u_n = \frac{n-3}{2n+1}-\frac{n+3}{3n-1}. \end{array}$$

EXERCICE 14. Dans une région touristique, une société propose un service de location de vélos pour la journée. La société dispose de deux points de location distincts, le point A et le point B. Les vélos peuvent être empruntés et restitués indifféremment dans l'un où l'autre des deux points de location. On admettra que le nombre total de vélos est constant et que tous les matins, à l'ouverture du service, chaque vélo se trouve au point A ou au point B. D'après une étude statistique :

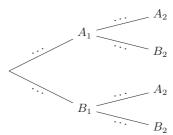
- Si un vélo se trouve au point A un matin, la probabilité qu'il se trouve au point A le matin suivant est égale à 0,84;
- Si un vélo se trouve au point B un matin la probabilité qu'il se trouve au point B le matin suivant est égale à 0,76.

À l'ouverture du service le premier matin, la société a disposé la moitié de ses vélos au point A, l'autre moitié au point B. On considère un vélo de la société pris au hasard. Pour tout entier naturel non nul n, on définit les évènements suivants :

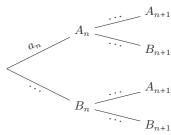
- A_n : « le vélo se trouve au point A le n-ième matin »
- B_n : « le vélo se trouve au point B le n-ième matin ».

Pour tout entier naturel non nul n, on note a_n la probabilité de l'évènement A_n et b_n la probabilité de l'évènement B_n . Ainsi $a_1 = 0.5$ et $b_1 = 0.5$.

 Recopier et compléter l'arbre pondéré ci-dessous qui modélise la situation pour les deux premiers matins :



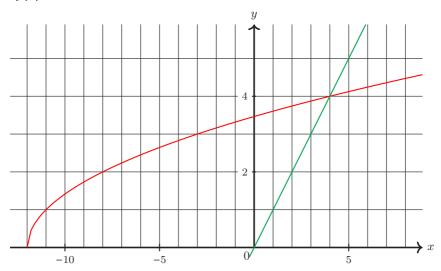
- 2. (a) Calculer a_2 .
 - (b) Le vélo se trouve au point A le deuxième matin. Calculer la probabilité qu'il se soit trouvé au point B le premier matin. La probabilité sera arrondie au millième.
- 3. (a) Recopier et compléter l'arbre pondéré ci-dessous qui modélise la situation pour les n-ième et n+1-ième matins.



- (b) Justifier que pour tout entier naturel non nul n, $a_{n+1} = 0.6a_n + 0.24$.
- 4. Montrer par récurrence que, pour tout entier naturel non nul n, $a_n = 0.6 0.1 \times 0.6^{n-1}$.
- 5. Déterminer la limite de la suite (a_n) et interpréter cette limite dans le contexte de l'exercice.
- 6. Déterminer le plus petit entier nature l n tel que $a_n \ge 0,599$ et interpréter le résultat obtenu dans le contexte de l'exercice.

EXERCICE 15. On considère la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ par : $u_0 = 8$ et $u_{n+1} = \sqrt{u_n + 12}$.

- 1. Démontrez que, pour tout entier naturel $n, u_n \ge 4$.
- 2. On donne ci-dessous la représentation graphique de la fonction f définie sur $[-12; +\infty[$ par $f(x) = \sqrt{x+12}$.



Construisez les premiers de la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ et conjecturez son comportement.

- 3. (a) Démontrez que pour tout $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} 4 \le \frac{1}{4}(u_n 4)$.
 - (b) Déduisez-en, pour tout $n \in \mathbb{N} : u_n 4 \leq \frac{1}{4^{n-1}}$.
- 4. Déduisez-en que la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ admet une limite finie que l'on précisera.

EXERCICE 16. On considère la suite (v_n) définie sur \mathbb{N} par : $v_0 = 2$ et, pour tout entier naturel $n: v_{n+1} = 1, 4v_n - 0.05v_n^2$.

- 1. Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 1,4x 0,05x^2$.
 - (a) Étudiez les variations de la fonction f sur l'intervalle [0;8].
 - (b) Représentez graphiquement la fonction f dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ avec le centimètre comme unité graphique, ainsi que les 10 premiers termes de la suite (v_n) .
 - (c) Conjecturez son comportement.
- 2. Montrer par récurrence que, pour tout entier naturel $n:2 \le v_n \le v_{n+1} \le 8$.
- 3. Déduisez-en que la suite (u_n) admet une limite finie.
- 4. Soit $x \in \mathbb{R}$. Montrez que f(x) 8 = -0.05(x 20)(x 8).
 - (a) Pour tout entier naturel $n: 8-v_{n+1} \le 0.9 \times (8-v_n)$.
 - (b) Déduisez-en que, pour tout entier naturel $n: 8-v_n \le 6 \times 0.9^n$.
 - (c) Concluez.

EXERCICE 17. Le deuxième protocole consiste à injecter initialement au patient, par piqûre intraveineuse, une dose de 2 mg de médicament puis à réinjecter toutes les heures une dose de 1,8 mg.

On suppose que le médicament se diffuse instantanément dans le sang et qu'il est ensuite progressivement éliminé.

On estime que lors qu'une heure s'est écoulée après une injection, la quantité de médicament dans le sang a diminué de $30\,\%$ par rapport à la quantité présente immédiatement après cette injection.

On modélise cette situation à l'aide de la suite (u_n) où, pour tout entier naturel n, u_n désigne la quantité de médicament, exprimée en mg, présente dans le sang du patient immédiatement après l'injection de la n-ième heure. On a donc $u_0 = 2$.

- 1. Calculer, selon cette modélisation, la quantité u_1 , de médicament (en mg) présente dans le sang du patient immédiatement après l'injection de la première heure.
- 2. Justifier que, pour tout entier naturel n, on a : $u_{n+1} = 0.7u_n + 1.8$.
- 3. (a) Montrer par récurrence que, pour tout entier naturel n, on a : $u_n \le u_{n+1} < 6$.
 - (b) En déduire que la suite (u_n) est convergente. On note ℓ sa limite.
 - (c) Déterminer la valeur de ℓ . Interpréter cette valeur dans le contexte de l'exercice.
- 4. On considère la suite (v_n) définie, pour tout entier naturel n, par $v_n = 6 u_n$.
 - (a) Montrer que la suite (v_n) est une suite géométrique de raison 0,7 dont on précisera le premier terme.
 - (b) Déterminer l'expression de v_n en fonction de n, puis de u_n en fonction de n.
 - (c) Avec ce protocole, on arrête les injections lorsque la quantité de médicament présente dans le sang du patient est supérieure ou égale à 5,5 mg. Déterminer, en détaillant les calculs, le nombre d'injections réalisées en appliquant ce protocole.

EXERCICE 18. Un démographe étudie l'évolution de la population d'un pays. Depuis 1969 (cette année-là, ce pays comptait $44\,500\,000$ habitants), il constate qu'en moyenne la population a un taux de natalité de 35 pour mille et un taux de mortalité de 17 pour mille. À ces variations, il faut ajouter $25\,000$ nouveaux arrivant dans ce pays et retirer $9\,000$ citoyens qui partent définitivement. On note p_n la population de 1969+n, exprimée en milliers d'habitants.

- 1. Déterminez p_0 .
- 2. Démontrez que pour tout entier naturel $n: p_{n+1} = 1{,}018p_n + 16$.
- 3. Déterminez le réel ℓ tel que la suite $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ par $u_n=p_n-l$ soit géométrique.
- 4. Déduisez-en les expressions de u_n et p_n en fonction de n entier naturel.
- 5. Combien d'habitants peut-on prévoir en 2012?
- 6. Au bout de combien d'années la population va-t-elle tripler, par rapport à celle de 1969?

EXERCICE 19. On considère la suite (u_n) définie sur \mathbb{N} par : $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + n - 2$.

- 1. Calculez u_1 , u_2 et u_3 .
- 2. (a) Écrivez un algorithme qui, pour une valeur $M \in \mathbb{R}$ donnée, renvoie un entier n pour lequel $u_n > M$.
 - (b) Programmez cet algorithme à l'aide d'une calculatrice, puis exécutez-le pour des valeurs de M telles que 101, 100, 1000.
 - (c) Déduisez-en une conjecture sur le comportement de la suite (u_n) à l'infini.
- 3. Démontrez que pour tout entier naturel n, si $n \ge 4$ alors : $u_n \ge 0$.
- 4. Démontrez que, pour tout entier naturel n, si $n \ge 5$ alors : $u_n \ge n-3$.
- 5. Déduisez-en la limite de la suite (u_n) .

EXERCICE 20. Partie A.

On définit :

- . la suite $(u_n)_{n\geq 0}$ par $u_0=13$ et, pour tout entier naturel $n:u_{n+1}=\frac{1}{5}u_n+\frac{4}{5}$;
- . la suite (S_n) pour tout entier naturel $n: S_n = \sum_{k=0}^n u_k$.
 - 1. Montrez par récurrence que, pour tout entier naturel $n: u_n = 1 + \frac{12}{5^n}$. Déduisez-en la limite de la suite (u_n) .
 - 2. (a) Déterminez le sens de variation de la suite (S_n) .
 - (b) Calculez (S_n) en fonction de n.
 - (c) Déterminez la imite de la suite (S_n) .

Partie B.

Étant donnée une suite (x_n) , de nombres réels définie pour tout entier naturel n, on considère la suite (S_n) définie par : $S_n = \sum_{k=0}^n x_k$.

Indiquez pour chaque proposition suivante si elle est vraie ou fausse; justifiez dans chaque cas.

Proposition 1: « si la suite (x_n) est convergente alors la suite (S_n) l'est aussi.

Proposition 2 : les suites (u_n) et (S_n) ont le même sens de variation.

EXERCICE 21. Dans cet exercice, on considère la suite (T_n) définie par : $T_0 = 180$ et, pour tout entie $0.955T_n + 0.9$.

- 1. (a) Démontrer par récurrence que, pour tout entier naturel $n, T_n \ge 20$.
 - (b) Vérifier que pour tout entier naturel n, $T_{n+1} T_n = -0.045 (T_n 20)$. En déduire le sens de variation de la suite (T_n) .
 - (c) Conclure de ce qui précède que la suite (T_n) est convergente. Justifier.
- 2. Pour tout entier naturel n, on pose : $u_n = T_n 20$.
 - (a) Montrer que la suite (u_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison.
 - (b) En déduire que pour tout entier naturel n, $T_n = 20 + 160 \times 0.955^n$.
 - (c) Calculer la limite de la suite (T_n) .
 - (d) Résoudre l'inéquation $T_n \leq 120$ d'inconnue n entier naturel.
- 3. Dans cette partie, on s'intéresse à l'évolution de la température au centre d'un gâteau après sa sortie du four.

On considère qu'à la sortie du four, la température au centre du gâteau est de 180° C et celle de l'air ambiant de 20° C.

La loi de refroidissement de Newton permet de modéliser la température au centre du gâteau par la suite précédente (T_n) . Plus précisément, T_n représente la température au centre du gâteau, exprimée en degré Celsius, n minutes après sa sortie du four.

- (a) Expliquer pour quoi la limite de la suite (T_n) déterminée à la question 2. c. était prévisible dans le contexte de l'exercice.
- (b) On considère la fonction Python ci-dessous :

$$\begin{array}{l} \text{def temp(x)}: \\ T = 180 \\ n = 0 \\ \text{while T > x}: \\ T = 0.955 \text{*T} + 0.9 \\ n = n + 1 \\ \text{return n} \end{array}$$

Donner le résultat obtenu en exécutant la commande temp(120).

Interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.

EXERCICE 22. La suite (u_n) est définie par $\left\{ \begin{array}{l} u_1=1 \\ \forall n\in\mathbb{N}\setminus\{0;1\},\ u_n=u_{n-1}+\frac{1}{n^n} \end{array} \right. .$

- 1. Montrez que la suite (u_n) est croissante.
- 2. On appelle (v_n) la suite définie par $\left\{\begin{array}{l} v_1=1\\ \forall n\in\mathbb{N}\setminus\{0;1\},\ v_n=v_{n-1}-\frac{1}{2^n} \end{array}\right.$. Montrer que : $\forall n \in \mathbb{N}^*, 0 \leq u_n \leq v_n$. Déduisez-en que (u_n) est majorée.
- 3. Justifiez que la suite (u_n) converge.

EXERCICE 23. Étudiez la convergence de la suite (u_n) dans les cas suivants.

a)
$$u_n = -\left(\frac{5}{4}\right)_n^n + \left(\frac{4}{5}\right)_n^n$$

a)
$$u_n = -\left(\frac{5}{4}\right)^n + \left(\frac{4}{5}\right)$$
.
b) $u_n = \left(-\frac{2}{3}\right)^n + \left(\frac{1}{2}\right)^n$.
c) $u_n = \left(\frac{5}{4}\right)^n - \left(\frac{6}{5}\right)^n$.
e) $u_n = \left(\frac{5}{4}\right)^n + \left(-\frac{6}{5}\right)^n$.

c)
$$u_n = \left(\frac{5}{4}\right)^n - \left(\frac{6}{5}\right)^n$$

EXERCICE 24.

- Centres étrangers groupe 2 sujet 1 21 mars 2023. Arbre probabiliste, suites, limites.
- Baccalauréat S Métropole 23 juin 2009